

## ENTROPIA DE SHANNON:

$y=(1/x).\ln x$  si  $x \rightarrow \infty$  aleshores  $y \rightarrow 0$ . ja que  $y=0.\infty$ , cosa que dóna  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{x} = \frac{\infty}{\infty}$  i llavors aplicant l'Hôpital ( $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{g'(x)}{h'(x)}$ ) ens dóna  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1/x}{1} = 0$  !!

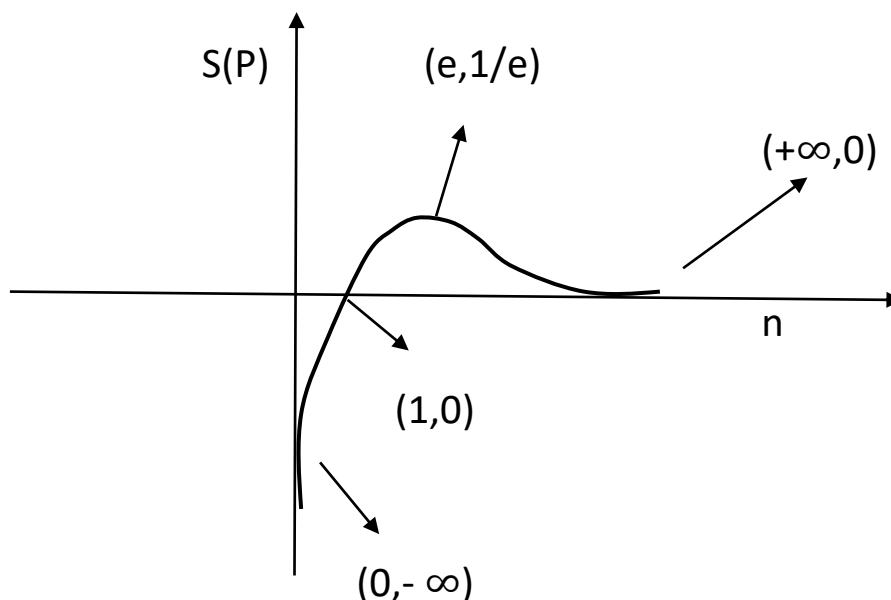
si  $x \rightarrow 0$  aleshores  $y \rightarrow \infty$ , i si  $x=1$  aleshores  $y=0$ .

També, per trobar el màxim de la funció,  $y'(x)=0$ , cosa que em donarà el valor d' $x$  màxim:  $y(x)=\ln x/x$

$$y'(x)=(1-\ln x)/x^2=0 \quad 1-\ln x=0 \quad \ln x=1 \text{ per}$$

$$\text{tant si } \log_e x = a \quad e^a = x$$

I sabent que quan  $y(x)=g(x).h(x)$  una és la delimitadora de l'altra.



**Entropia de Shannon:**  $S(P)=(1/n_i).\ln n_i$  o  $S(P)= -\sum_{i=1}^n p_i.\ln p_i$ , on  $S$  representa l'entropia i  $P_i= 1/n_i$ , que fent una immersió en Mecànica i Termologia sabem que és  $S=K.\ln W$ , i quan  $S=0$  és

quan  $W=1$ , l'únic cas possible, en  $W = N! / n_1! n_2! \dots n_n!$  o en  $W = N! \prod_i^n \left( \frac{g_i^{n_i}}{n_i!} \right)$ ,

segons si ens trobem amb molècules discernibles sense o amb degeneració, respectivament. Tot aquest estudi ESTADÍSTIC correspon a **Maxwell- Boltzmann**.

Per tant, si suposem  $g_1 = 2$  i  $n_1 = 3$ , obtindrem 8, que representat és:

abc	
	abc
ab	c
a	bc
b	ca
bc	a
c	ba
ca	b

On no importa l'ordre d'agrupació.

Els casos, suposant  $n$ 's discernibles, es van multiplicant "com una reacció en cadena".

Al  $\uparrow$  el nº de casos, lògicament augmenta  $S(P)$ . En " $n$ " casos o  $W_{\text{total de casos}}$  tenim  $S_i = K \cdot \ln W_i$ , on  $P_i = 1/W_i$ ; podem fer la mitja ponderada de  $S$ :  $S_i = (1/W_i) \cdot \ln W_i$  o  $\sum_{i=1}^n (1/W_i) \cdot \ln W_i$ .

Mentre que els **fits borrosos**: en un cub com a camp de proves, tenim en cada vector d'ell li correspòn uns fits borrosos:

$$(x_1, x_2, \dots, x_n) = X$$

↓ ↓ ↓

$$(f_1, f_2, \dots, f_n) \text{ on cada } f_i \in [0,1].$$

En el *símplex* del cub (centre absolut):  $F = (f_1, f_2, \dots, f_n)$  i el seu recompte,  $f_1 + f_2 + \dots + f_n = 1$ .

A la resta del cub, el recompte de cada vector  $X$  no té perquè ser 1, en canvi pot arribar a ser  $= \sum_{i=1}^n f_i \cdot n_i$ .

Qualsevol  $F$  té el seu **complementari**:  $F^c = (1-f_1, 1-f_2, \dots, 1-f_n)$ .

$$H(F) = \sum_{i=1}^n \left(\frac{1}{n_i}\right) \cdot \ln n_i + \sum_{i=1}^n \left(1 - \frac{1}{n_i}\right) \cdot \ln \left(1 - \frac{1}{n_i}\right) = \hat{H}(F) + \hat{H}(F^c).$$

El complementari d' $F$  del símplex es troba al cub però no al centre.

$\hat{H}(F)$  i  $\hat{H}(F^c)$  es troben dins el cub i pot ser que estiguin en els vèrtexs oposats de l'iniciador, per exemple:

